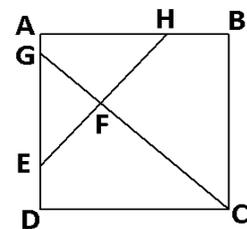




1. O lugar geométrico dos pontos $P = (x, y)$ cuja distância ao ponto $Q = (2, 2)$ é igual a y é uma:
- circunferência de raio igual a $\sqrt{5}$.
 - parábola com foco no ponto Q .
 - hipérbole com eixo real igual a $\sqrt{5}$.
 - parábola com vértice no ponto Q .
 - Um par de retas paralelas.
2. Seja P produto de todos os números naturais positivos pares menores ou iguais a 2014. Qual a maior potência de 5 que divide P ?
- 5^{201}
 - 5^{101}
 - 5^{21}
 - 5^{10}
 - 5^4
3. Joãozinho pegou um número natural de três algarismos distintos e o escreveu de trás pra frente. A seguir, subtraiu o menor do maior e obteve como resultado 297. Se o primeiro algarismo era o maior dos três, então a diferença entre o primeiro algarismo e o último algarismo era:
- 1
 - 2
 - 3
 - 5
 - 7
4. Escrevendo todos os inteiros positivos múltiplos de 2 ou 3 em sequência e sem espaços entre eles: 234689101214151618....., qual o 100^o algarismo da sequência?
- 0
 - 1
 - 4
 - 5
 - 8
5. Sabendo que 997 é um número primo, quantos números maiores que 997 e menores que 997^2 são relativamente primos com 997? Isto é, quantos números naturais n existem, tais que $997 < n < 997^2$ e $\text{mdc}(n, 997) = 1$?
- 498.000
 - 498^2
 - 499.000
 - 996.000
 - 996^2
6. Numa chácara havia gatos e frangos, mais gatos do que frangos, o número total de patas dos frangos e dos gatos era 14, quantos animais, frangos ou gatos, havia na chácara?
- 4
 - 5
 - 6
 - 7
 - 8
7. Na figura abaixo, ABCD é um quadrado, o segmento CG é perpendicular ao segmento EH, $AH = \frac{2}{3} AB$, $DE = \frac{1}{4} AD$ e F é o ponto de intersecção dos dois segmentos. Se a área do triângulo EFG é $\frac{529}{145} \text{ cm}^2$, qual é a medida do lado do quadrado?



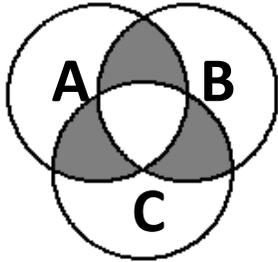
- 5 cm
- 6 cm
- 7 cm
- 8 cm
- 9 cm



8. Uma sequência de 2014 números naturais: $a_1, a_2, a_3, \dots, a_{2014}$, é construída da seguinte forma: $a_1 = 1$, e para $n > 1$, $a_n = 2a_{n-1} + 3$. Qual é o último termo desta sequência?

- $2^{2014} + 3$
- $2^{2014} - 3$
- 2^{2014}
- $2^{2015} + 3$
- $2^{2015} - 3$

9. Na figura a seguir, temos três circunferências de centros A, B e C e todas de raios iguais a 1 cm:



Qual a área da parte pintada?

- $\frac{\pi}{4} \text{ cm}^2$
- $\frac{\pi}{2} \text{ cm}^2$
- $\frac{\pi}{6} \text{ cm}^2$
- $\frac{4\pi}{3} \text{ cm}^2$
- $\frac{5\pi}{12} \text{ cm}^2$

10. Simplificando a expressão $\frac{\sin 6x + \cos 6x}{\cos x - \sin x}$,

válida para os valores de x que não anulam o denominador, obtemos:

- $1 + \frac{1}{2} \sin x$
- $\sin 6x + \cos 6x$
- $\sin 6x - \cos 6x$
- $1 + 2 \sin 6x$
- $\sin 6x$

11. No dia das mães, uma comunidade fez uma festinha reunindo apenas as mães e seus filhos. Estiveram presentes todas as mães e seus respectivos filhos. Ao todo, entre mães e filhos, havia 28 pessoas na festa. Sabe-se que havia 9 mães na festa, nenhuma mãe tinha mais do que 3 filhos e 2 mães tinham exatamente 2 filhos cada uma. Quantas mães tinham apenas 1 filho?

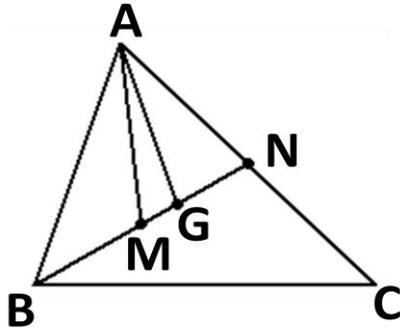
- 0
- 1
- 2
- 3
- 4

12. Num triângulo ABC de área 12 cm^2 , seja N um ponto do lado AC, tal que o segmento BN é a bissetriz do ângulo $\hat{A}BC$, e M o ponto médio do lado BC. Se P é a intersecção dos segmentos BN e AM e $AC = 3AN$, qual é a área do triângulo ANP?

- $0,75 \text{ cm}^2$
- 1 cm^2
- $1,25 \text{ cm}^2$
- $1,5 \text{ cm}^2$
- $1,75 \text{ cm}^2$



13. No triângulo ABC da figura abaixo, o segmento BN é uma mediana, M é o ponto médio do segmento BN e G é o baricentro.



Se a área do triângulo ABC é 12 cm^2 , então a área do triângulo AGM é:

- a. $0,75 \text{ cm}^2$
 - b. $0,8 \text{ cm}^2$
 - c. 1 cm^2
 - d. $1,2 \text{ cm}^2$
 - e. $1,5 \text{ cm}^2$
14. A função ϕ de Euler é uma função $\phi : \mathbb{N}^* \rightarrow \mathbb{N}$ que associa a cada número natural n positivo, a quantidade de números naturais menores que n e que são primos com n . Por exemplo, para $n=12$, os números menores que 12 que são primos com 12 são 1, 5, 7 e 11, logo $\phi(12) = 4$. Com base nesta definição $\phi(2014)$ é:
- a. $2^{2014} - 1$
 - b. 2014
 - c. 2^{2013}
 - d. $2^{2013} + 1$
 - e. 2013

15. Ao multiplicar 28 por certo número natural, usando uma calculadora, um aluno digitou errado o algarismo das dezenas do multiplicador, digitando 5 no lugar do algarismo correto, que era 4, e digitando 2 no lugar do algarismo correto das centenas, que era 3. Com isso o resultado obtido foi 7028. Se tivesse digitado corretamente o multiplicador, o resultado seria um número:

- a. primo
 - b. quadrado perfeito
 - c. cubo perfeito
 - d. múltiplo de 5
 - e. múltiplo de 7
16. Dada uma matriz A quadrada de ordem n , podemos representar a linha- i pela n -upla ordenada $L_i(A) = (a_{i1}, a_{i2}, \dots, a_{in})$ e a coluna- j pela n -upla ordenada $C_j(A) = (a_{1j}, a_{2j}, \dots, a_{nj})$. Definindo o produto de duas n -uplas ordenadas por:
- $$(a_1, a_2, \dots, a_n) \cdot (b_1, b_2, \dots, b_n) = a_1 b_1 + a_2 b_2 + \dots + a_n b_n,$$
- e se A e B são duas matrizes quadradas de ordem n e B^T é a matriz transposta de B, o elemento d_{ij} da matriz $D = B^T A$ é:

- a. $L_i(B) \cdot C_j(A)$
 - b. $C_i(B^T) \cdot C_j(A)$
 - c. $C_i(B) \cdot L_j(A)$
 - d. $C_i(B) \cdot C_j(A)$
 - e. $L_i(B) \cdot L_j(A)$
17. Efetuando a soma:
- $$\sum_{n=1}^{2014} [(-1)^n n^2] = -1^2 + 2^2 - 3^2 + \dots + 2014^2,$$
- obtemos:
- a. 1007×2015
 - b. 2015
 - c. 2015^2
 - d. 1007×2014
 - e. $1007^2 - 1$



18. Para incentivar os times a jogarem no ataque e fazerem gols, as regras de um torneio de futebol foram ligeiramente alteradas, o time vencedor leva três pontos, o perdedor não ganha pontos, se houver empate com gols, cada time ganha um ponto, e se houver empate sem gols, nenhum time ganha ponto. As estatísticas finais do torneio forneceram as seguintes informações:

I - Cada time jogou com cada outro time apenas uma vez.

II - O número total de pontos de todos os times participantes foi 37.

III - Houve um vencedor em mais de 5 jogos.

IV - Houve um número ímpar de empates com gol, e só um empate sem gols.

Quantos times participaram deste torneio?

- a. 5
- b. 6
- c. 7
- d. 8
- e. 9

19. Dois números naturais ímpares a e b , de dois dígitos cada um, são tais que: a é múltiplo de 7, mas não de 3, b é múltiplo de 25, o mínimo múltiplo comum dos dois é 525 e o máximo divisor comum dos dois é 5, qual é a soma desses dois números?

- a. 100
- b. 110
- c. 115
- d. 120
- e. 125

20. Considere as funções $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ e $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definidas por $f(x) = \begin{cases} 2x + 1, & x < 1 \\ x + 2, & x \geq 1 \end{cases}$ e

$$g(x) = \begin{cases} 2x - 1, & x < 1 \\ x + 1, & x \geq 1 \end{cases}. \quad \text{Pode-se afirmar que}$$

$f(g(2x))$ é dada por:

- a. $f(g(2x)) = \begin{cases} 2x - 1, & \text{se } x < 1 \\ 2x + 3, & \text{se } x \geq 1 \end{cases}$
- b. $f(g(2x)) = \begin{cases} 8x - 1, & \text{se } x < 1 \\ -2x + 1, & \text{se } x \geq 1 \end{cases}$
- c. $f(g(2x)) = \begin{cases} 8x - 1, & \text{se } x < 1/2 \\ 2x + 3, & \text{se } x \geq 1/2 \end{cases}$
- d. $f(g(2x)) = \begin{cases} 4x - 1, & \text{se } x < 1/2 \\ 2x - 3, & \text{se } x \geq 1/2 \end{cases}$
- e. $f(g(2x)) = \begin{cases} 4x + 1, & \text{se } x < 1 \\ x + 3, & \text{se } x \geq 1 \end{cases}$